

Équations

► Exercice n°1

a) $x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = 3. S = \{3\}$

b) $x + 6 = 0 \Leftrightarrow x = -6. S = \{-6\}$

c) $-\frac{2}{3} + x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{2}{3}. S = \left\{ \frac{2}{3} \right\}$

d) $2x = -5 \Leftrightarrow x = -\frac{5}{2}. S = \left\{ -\frac{5}{2} \right\}$

e) $-3x = 10 \Leftrightarrow x = -\frac{10}{3}. S = \left\{ -\frac{10}{3} \right\}$

f) $\sqrt{2}x = 2 \Leftrightarrow x = \frac{2}{\sqrt{2}}. S = \left\{ \frac{2}{\sqrt{2}} \right\}$

g) $3x - 4 = 0 \Leftrightarrow 3x = 4 \Leftrightarrow x = \frac{4}{3}. S = \left\{ \frac{4}{3} \right\}$

h) $-7x - 2 = 0 \Leftrightarrow 7x = 2 \Leftrightarrow x = \frac{2}{7}. S = \left\{ \frac{2}{7} \right\}$

i) $\sqrt{3} - 4x = 0 \Leftrightarrow \sqrt{3} = 4x \Leftrightarrow x = \frac{\sqrt{3}}{4}. S = \left\{ \frac{\sqrt{3}}{4} \right\}$

j) $5x - 8 = 2x + 3 \Leftrightarrow 5x - 2x = 3 + 8 \Leftrightarrow 3x = 11 \Leftrightarrow x = \frac{11}{3}. S = \left\{ \frac{11}{3} \right\}$

k) $6 - 4x = 2(x - 3) \Leftrightarrow 6 - 4x = 2x - 6 \Leftrightarrow 6 + 6 = 2x + 4x \Leftrightarrow 12 = 6x$
 $\Leftrightarrow x = \frac{12}{6} = 2. S = \{2\}$

l) $3x - 5 = \frac{1}{2}x \Leftrightarrow 3x \times \frac{2}{2} - \frac{1}{2}x = 5 \Leftrightarrow \frac{5}{2}x = 5 \Leftrightarrow x = \frac{5}{\frac{5}{2}} = 5 \times \frac{2}{5} = 2. S = \{2\}$

► Exercice n°2

a) $(x + 1)(3x - 2) = 0 \Leftrightarrow x + 1 = 0 \text{ ou } 3x - 2 = 0$

$$\Leftrightarrow x = -1 \text{ ou } 3x = 2 \Leftrightarrow x = -1 \text{ ou } x = \frac{2}{3}. S = \left\{ -1 ; \frac{2}{3} \right\}$$

b) $2(1 - x)(2x - 5) = 0 \Leftrightarrow 1 - x = 0 \text{ ou } 2x - 5 = 0$

$$x = 1 \text{ ou } 2x = 5 \Leftrightarrow x = 1 \text{ ou } x = \frac{5}{2}. S = \left\{ 1 ; \frac{5}{2} \right\}$$

c) $(4x - 2)(7x + 1)(12x - 6) = 0 \Leftrightarrow 4x - 2 = 0 \text{ ou } 7x + 1 = 0 \text{ ou } 12x - 6 = 0$
 $\Leftrightarrow 4x = 2 \text{ ou } 7x = -1 \text{ ou } 12x = 6$
 $\Leftrightarrow x = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ ou } x = -\frac{1}{7} \text{ ou } x = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}. S = \left\{ \frac{1}{2} ; -\frac{1}{7} \right\}$

d) $x^2(x - 3) = 0 \Leftrightarrow x^2 = 0 \text{ ou } x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ ou } x = 3. S = \{0 ; 3\}$

e) $3x^2 - 4x = 0 \Leftrightarrow x(3x - 4) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ ou } 3x = 4 \Leftrightarrow x = 0 \text{ ou } x = \frac{4}{3}.$
 $S = \left\{ 0 ; \frac{4}{3} \right\}$

f) $(2x - 1)^2 - (2x - 1)(x + 3) = 0 \Leftrightarrow (2x - 1)[(2x - 1) - (x + 3)] = 0$
 $\Leftrightarrow (2x - 1)[x - 4] = 0 \Leftrightarrow 2x - 1 = 0 \text{ ou } x - 4 = 0 \Leftrightarrow 2x = 1 \text{ ou } x = 4$
 $\Leftrightarrow x = \frac{1}{2} \text{ ou } x = 4. S = \left\{ \frac{1}{2} ; 4 \right\}$

g) $(x + 1)^2 - 2(x + 1) = 0 \Leftrightarrow (x + 1)[(x + 1) - 2] = 0 \Leftrightarrow (x + 1)[x - 1] = 0$
 $\Leftrightarrow x + 1 = 0 \text{ ou } x - 1 = 0 \Leftrightarrow x = -1 \text{ ou } x = 1. S = \{-1 ; 1\}$

h) $(2x - 1)(x + 1) = 5x + 5 \Leftrightarrow (2x - 1)(x + 1) - (5x + 5) = 0$
 $\Leftrightarrow (2x - 1)(x + 1) - 5(x + 1) = 0 \Leftrightarrow (2x - 1)[2x - 1 - 5] = 0$
 $\Leftrightarrow (2x - 1)[2x - 6] = 0 \Leftrightarrow 2x - 1 = 0 \text{ ou } 2x - 6 = 0$
 $\Leftrightarrow 2x = 1 \text{ ou } 2x = 6 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2} \text{ ou } x = \frac{6}{2} = 3. S = \left\{ \frac{1}{2} ; 3 \right\}$

i) $(3x + 1)^2 - (x + 1)^2 = 0 \Leftrightarrow [(3x + 1) - (x + 1)][(3x + 1) + (x + 1)] = 0$
 $\Leftrightarrow [3x + 1 - x - 1][4x + 2] = 0 \Leftrightarrow [2x][4x + 2] = 0$
 $\Leftrightarrow 2x = 0 \text{ ou } 4x + 2 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{0}{2} = 0 \text{ ou } 4x = -2 \Leftrightarrow x = 0 \text{ ou } x = -\frac{2}{4} = -\frac{1}{2}$
 $. S = \left\{ 0 ; -\frac{1}{2} \right\}$

j) $(x - 1)^2 = (2x + 1)^2 \Leftrightarrow (x - 1)^2 - (2x + 1)^2 = 0$
 $\Leftrightarrow [(x - 1) - (2x + 1)][(x - 1) + (2x + 1)] = 0 \Leftrightarrow [x - 1 - 2x - 1][3x] = 0$
 $\Leftrightarrow [-x - 2][3x] = 0 \Leftrightarrow -x - 2 = 0 \text{ ou } 3x = 0 \Leftrightarrow x = -2 \text{ ou } x = 0.$
 $S = \{-2 ; 0\}$

k) $(4x^2 - 9) - 2(2x - 3) + x(2x - 3) = 0$
 $\Leftrightarrow (2x - 3)(2x + 3) - 2(2x - 3) + x(2x - 3) = 0$
 $\Leftrightarrow (2x - 3)[(2x + 3) - 2 + x] = 0 \Leftrightarrow (2x - 3)[3x + 1] = 0$
 $2x - 3 = 0 \text{ ou } 3x + 1 = 0 \Leftrightarrow 2x = 3 \text{ ou } 3x = -1 \Leftrightarrow x = \frac{3}{2} \text{ ou } x = -\frac{1}{3}.$
 $S = \left\{ \frac{3}{2} ; -\frac{1}{3} \right\}$

l) $x^2 - 6x + 9 = 0 \Leftrightarrow (x - 3)^2 = 0 \Leftrightarrow x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = 3. S = \{3\}$

► Exercice n°3

a) $\frac{1}{x} = 2$. Valeur interdite : il faut $x \neq 0$.

Dans ces conditions, $\frac{1}{x} = 2 \Leftrightarrow 1 = 2x \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$. $S = \left\{ \frac{1}{2} \right\}$

b) $\frac{2}{x+1} = 3$. Valeur interdite : il faut $x+1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq -1$.

Dans ces conditions, $\frac{2}{x+1} = 3 \Leftrightarrow 2 = 3(x+1) \Leftrightarrow 2 = 3x + 3 \Leftrightarrow -1 = 3x \Leftrightarrow x = -\frac{1}{3}$. $S = \left\{ -\frac{1}{3} \right\}$

c) $\frac{2x+1}{3x-2} = 0$. Valeur interdite : il faut $3x-2 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \frac{2}{3}$.

Dans ces conditions, $\frac{2x+1}{3x-2} = 0 \Leftrightarrow 2x+1 = 0 \Leftrightarrow 2x = -1 \Leftrightarrow x = -\frac{1}{2}$.
 $S = \left\{ -\frac{1}{2} \right\}$

d) $\frac{7x+1}{2x-3} = 2$. Valeur interdite : il faut $2x-3 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \frac{3}{2}$.

Dans ces conditions, $\frac{7x+1}{2x-3} = 2 \Leftrightarrow 7x+1 = 2(2x-3) \Leftrightarrow 7x+1 = 4x-6 \Leftrightarrow 7x-4x = -6-1 \Leftrightarrow 3x = -7 \Leftrightarrow x = -\frac{7}{3}$. $S = \left\{ -\frac{7}{3} \right\}$

e) $\frac{x^2-2x}{2+x} = 0$. Valeur interdite : il faut $2+x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq -2$.

Dans ces conditions, $\frac{x^2-2x}{2+x} = 0 \Leftrightarrow x^2-2x = 0 \Leftrightarrow x(x-2) = 0 \Leftrightarrow x=0 \text{ ou } x=2$. $S = \{0; 2\}$

f) $\frac{x^2-9}{3x} = 0$. Valeur interdite : il faut $3x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 0$.

Dans ces conditions, $\frac{x^2-9}{3x} = 0 \Leftrightarrow x^2-3^2 = 0 \Leftrightarrow (x-3)(x+3) = 0 \Leftrightarrow x-3=0 \text{ ou } x+3=0 \Leftrightarrow x=3 \text{ ou } x=-3$. $S = \{3; -3\}$

g) $\frac{9}{x+1} = 5-x$. Valeur interdite : il faut $x+1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq -1$.

Dans ces conditions, $\frac{9}{x+1} = 5-x \Leftrightarrow 9 = (5-x)(x+1) \Leftrightarrow 9 - (5-x)(x+1) = 0 \Leftrightarrow 9 - 5x - 5 + x^2 + x = 0 \Leftrightarrow x^2 - 4x + 4 = 0 \Leftrightarrow (x-2)^2 = 0 \Leftrightarrow x-2=0 \Leftrightarrow x=2$. $S = \{2\}$

h) $\frac{1}{x+1} - \frac{2}{x-1} = 0$.

Valeurs interdites : il faut $x+1 \neq 0$ et $x-1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq -1$ et $x \neq 1$.

Dans ces conditions, $\frac{1}{x+1} - \frac{2}{x-1} = 0 \Leftrightarrow \frac{1}{x+1} = \frac{2}{x-1} = 0$

$\Leftrightarrow 1 \times (x-1) = 2 \times (x+1) \Leftrightarrow x-1 = 2x+2 \Leftrightarrow -1-2 = 2x-x \Leftrightarrow x = -3$.
 $S = \{-3\}$

i) $2x-7 = \frac{4}{2x-7}$. Valeur interdite : il faut $2x-7 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \frac{7}{2}$.

Dans ces conditions, $2x-7 = \frac{4}{2x-7} \Leftrightarrow (2x-7)^2 = 4 \Leftrightarrow (2x-7)^2 - 2^2 = 0 \Leftrightarrow [(2x-7)-2][(2x-7)+2] = 0 \Leftrightarrow [2x-9][2x-5] = 0 \Leftrightarrow 2x-9=0 \text{ ou } 2x-5=0 \Leftrightarrow 2x=9 \text{ ou } 2x=5 \Leftrightarrow x = \frac{9}{2} \text{ ou } x = \frac{5}{2}$. $S = \left\{ \frac{9}{2}; \frac{5}{2} \right\}$

j) $\frac{x^2+4x-3}{x^2-1} = 1$.

Valeurs interdites : il faut $x^2-1 \neq 0 \Leftrightarrow x^2 \neq 1 \Leftrightarrow x \neq 1$ et $x \neq -1$.

Dans ces conditions, $\frac{x^2+4x-3}{x^2-1} = 1 \Leftrightarrow x^2+4x-3 = x^2-1 \Leftrightarrow 4x = -2 \Leftrightarrow x = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$. $S = \left\{ \frac{1}{2} \right\}$

k) $\frac{9x^2-25}{(x+2)(3x+5)} = 0$.

Valeurs interdites : il faut $x+2 \neq 0$ et $3x+5 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq -2$ et $x \neq -\frac{5}{3}$.

Dans ces conditions, $\frac{9x^2-25}{(x+2)(3x+5)} = 0 \Leftrightarrow 9x^2-25 = 0 \Leftrightarrow (3x)^2-5^2 = 0 \Leftrightarrow (3x-5)(3x+5) = 0 \Leftrightarrow 3x-5=0 \text{ ou } 3x+5=0 \Leftrightarrow 3x=5 \text{ ou } 3x=-5 \Leftrightarrow x = \frac{5}{3} \text{ ou } x = -\frac{5}{3}$
 $-\frac{5}{3}$ étant une valeur interdite, on a $S = \left\{ \frac{5}{3} \right\}$

► Exercice n°4

a) $x^2 = 9 \Leftrightarrow x = 3 \text{ ou } x = -3$. $S = \{3; -3\}$

b) $x^2 = -4$. Impossible, $S = \emptyset$

c) $2x^2 = 16 \Leftrightarrow x^2 = 8 \Leftrightarrow x = \sqrt{8} \text{ ou } x = -\sqrt{8}$. $S = \{\sqrt{8}; -\sqrt{8}\}$

d) $3x^2 = 1 \Leftrightarrow x^2 = \frac{1}{3} \Leftrightarrow x = \sqrt{\frac{1}{3}} \text{ ou } x = -\sqrt{\frac{1}{3}}$. $S = \left\{ \sqrt{\frac{1}{3}}; -\sqrt{\frac{1}{3}} \right\}$

e) $(x+1)^2 = 4 \Leftrightarrow x+1 = 2 \text{ ou } x+1 = -2 \Leftrightarrow x=1 \text{ ou } x=-3$. $S = \{1; -3\}$

f) $(x - 2)^2 = 3 \Leftrightarrow x - 2 = \sqrt{3}$ ou $x - 2 = -\sqrt{3} \Leftrightarrow x = 2 + \sqrt{3}$ ou $x = 2 - \sqrt{3}$.
 $S = \{2 + \sqrt{3}; 2 - \sqrt{3}\}$

► Exercice n°5

En notant x la mesure du côté du premier carré, on doit avoir $(x+5)^2 = x^2 + 255$.
 $\Leftrightarrow x^2 + 10x + 25 - x^2 - 255 = 0 \Leftrightarrow 10x = 230 \Leftrightarrow x = 23$

► Exercice n°6

En notant x le nombre de deux-roues, on doit avoir :

$$4 \times 5x + 2x = 264 \Leftrightarrow 22x = 264 \Leftrightarrow x = 12.$$

Il y a donc 12 deux-roues et 60 voitures.

► Exercice n°7

En notant x le nombre d'années demandé, on doit avoir $32 + x = 20 + x + 6 + x$.
On en déduit que $x = 6$.

► Exercice n°8

1.

```
Variables: t,c,p
1: DEBUT_ALGORITHME
2:   Entrer t
3:   c ← 18 * t
4:   p ← 6 * t
5:   Afficher c et p
6: FIN_ALGORITHME
```

2. Cela revient à chercher t tel que $18t + 6t = 42$.

On en déduit que $t = 1,75$ h ce qui correspond à 1 h et 45 min.