

► Activité n°1

On considère le système $L_1 \begin{cases} 4x - y = 21 \\ 3x + 2y = 13 \end{cases}$.

Pour trouver x , on élimine y à l'aide de la combinaison linéaire $2L_1 + L_2$.

Le calcul donne :

$$2L_1 : 8x - 2y = 42$$

$$\underline{L_2 : 3x + 2y = 13} \quad .$$

$$2L_1 + L_2 : 11x = 55$$

Pour trouver y , on élimine x à l'aide de la combinaison linéaire $3L_1 - 4L_2$.

Le calcul donne :

$$3L_1 : 12x - 3y = 63$$

$$\underline{-4L_2 : -12x - 8y = -52} \quad .$$

$$3L_1 - 4L_2 : -11y = 11$$

Rédaction :

$$L_1 \begin{cases} 4x - y = 21 \\ 3x + 2y = 13 \end{cases} \Leftrightarrow 2L_1 + L_2 \begin{cases} 11x = 55 \\ -11y = 11 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \\ y = -1 \end{cases}.$$

$$S = \{(5; -1)\}$$

► Activité n°2

$$L_1 \begin{cases} 3x - y = 4 \\ x + y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow L_1 + L_2 \begin{cases} 4x = 12 \\ -4y = -20 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 5 \end{cases}.$$

$$S = \{(3; 5)\}$$

► Activité n°3

$$L_1 \begin{cases} 2x + 3y = -7 \\ 3x + y = 0 \end{cases} \Leftrightarrow L_1 - 3L_2 \begin{cases} -7x = -7 \\ 7y = -21 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -3 \end{cases}.$$

$$S = \{(1; -3)\}$$

► Activité n°4

$$L_1 \begin{cases} 2x - 3y = 8 \\ 8x + 5y = -2 \end{cases} \Leftrightarrow 5L_1 + 3L_2 \begin{cases} 34x = 34 \\ -17y = 34 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \end{cases}.$$

$$S = \{(1; -2)\}$$

► Activité n°5

$$L_1 \begin{cases} 6X - 2Y = 1 \\ 3X + 12Y = 7 \end{cases} \Leftrightarrow L_1 - 2L_2 \begin{cases} 39X = 13 \\ -26Y = -13 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} X = \frac{1}{3} \\ Y = \frac{1}{2} \end{cases}.$$

On en déduit que $x = 3$ et $y = 2$. D'où $S = \{(3; 2)\}$

► Activité n°6

En posant $X = x^2$ et $Y = \frac{1}{y}$, le système devient $L_1 \begin{cases} 3X - 4Y = 10 \\ -X + 5Y = -7 \end{cases}$

Résolution de ce système linéaire d'inconnues X et Y :

$$L_1 \begin{cases} 3X - 4Y = 10 \\ -X + 5Y = -7 \end{cases} \Leftrightarrow 5L_1 + 4L_2 \begin{cases} 11X = 22 \\ 11Y = -11 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} X = 2 \\ Y = -1 \end{cases}.$$

On en déduit que $x = \sqrt{2}$ ou $x = -\sqrt{2}$ et $y = -1$.

$$\text{D'où } S = \{(\sqrt{2}; -1) ; (-\sqrt{2}; -1)\}$$