

# Inégalités

## ► Exercice n°1

Compléter les encadrements suivants :

1. si  $1 \leq x \leq \frac{3}{2}$  alors  $\leq -2x \leq$  donc  $\leq -2x + 1 \leq$
2. si  $-4 < x < -\frac{1}{2}$  alors  $< 3x <$  donc  $< 3x - 1 <$
3. si  $-2 < x < \sqrt{2}$  alors  $< -x <$  donc  $< 2 - x <$
4. si  $-5 \leq x \leq 2$  alors  $\leq -x \leq$  donc  $\leq 4 - x \leq$
5. si  $\frac{1}{2} \leq x \leq 3$  alors  $\leq x^2 \leq$  donc  $\leq x^2 - 4 \leq$
6. si  $\frac{3}{2} \leq x \leq 7$  alors  $\leq \frac{1}{x} \leq$  donc  $\leq \frac{2}{x} \leq$
7. si  $-6 \leq 12x \leq 2$  alors  $\leq x \leq$
8. si  $-4 < 3x - 1 < 8$  alors  $< 3x <$  donc  $< x <$
9. si  $-\frac{3}{2} \leq 1 - 2x \leq \frac{5}{4}$  alors  $\leq -2x \leq$  donc  $\leq x \leq$
10. si  $-10 \leq 7 - x \leq 1$  alors  $\leq -x \leq$  donc  $\leq x \leq$
11. si  $\frac{1}{2} \leq \frac{1}{x} \leq \frac{3}{4}$  alors  $\leq x \leq$
12. si  $3 \leq \frac{3}{x} \leq 12$  alors  $\leq \frac{1}{x} \leq$  donc  $\leq x \leq$

## ► Exercice n°2

On considère deux réels  $x$  et  $y$  tels que  $1 \leq x \leq 3$  et  $\frac{1}{2} \leq y \leq \frac{3}{2}$ .

1. Déterminer un encadrement de  $x + y$ ,  $xy$ ,  $x + 2y$  et  $-3xy$ .
2. Déterminer un encadrement de  $-y$ . En déduire celui de  $x - y$ .
3. Déterminer un encadrement de  $\frac{1}{y}$ . En déduire celui de  $\frac{x}{y}$ .

## ► Exercice n°3

On considère deux réels  $x$  et  $y$  tels que  $-2 < x < -1$  et  $3 < y < 6$ .

1. Déterminer un encadrement de  $-x$ . En déduire celui de  $-xy$ , puis de  $xy$ .
2. Déterminer un encadrement de  $\frac{1}{y}$ . En déduire celui de  $\frac{-x}{y}$ , puis de  $\frac{x}{y}$ .

## ► Exercice n°4

On considère deux réels  $x$  et  $y$  tels que  $-4 < x < -1$  et  $-3 < y < -2$ .  
Déterminer un encadrement de  $xy$  et de  $\frac{x}{y}$ .

## ► Exercice n°5

Soit  $x$  un réel tel que  $2 \leq x \leq 5$ .

Déterminer un encadrement de  $x^2$ ,  $\sqrt{x}$ ,  $\frac{1}{x}$ ,  $3x^2 - 1$ ,  $\frac{2}{x} - 1$ ,  $\sqrt{x} - x^2$ .

## ► Exercice n°6

Écrire sous forme d'intervalles les ensembles de réels définis par :

- |  |                                 |                    |
|--|---------------------------------|--------------------|
| a) $3 \leq x \leq 4$                   | b) $4 < x < 7$                  | c) $-2 < x \leq 5$ |
| d) $-\frac{1}{4} \leq x < \frac{1}{2}$ | e) $\sqrt{2} < x \leq \sqrt{3}$ | f) $x \leq 2$      |
| g) $x \geq -\frac{1}{4}$               | h) $x < \sqrt{3}$               |                    |

## ► Exercice n°7

L'épaisseur d'un écran  $e$  doit être comprise :

- dans l'intervalle  $[0,67 ; 0,69]$ , selon la norme européenne ;
- dans l'intervalle  $[0,68 ; 0,72]$ , selon la norme américaine ;

Un fabricant désire respecter les deux normes. Dans quel intervalle doit se situer l'épaisseur des écrans qu'il fabrique ?

## ► Exercice n°8

Déterminer les intersections et réunions d'intervalles suivantes :

- |  |  |  |
|--|--|--|
| a) $] -3; 4[ \cap ] 2; 7[$                       | b) $] -\frac{1}{2}; 8[ \cap ] 4; 6[$                 | c) $] -2; 4[ \cap ] 4; 6[$                         |
| d) $] -8; 4[ \cap ] 10; 20[$                     | e) $] 2; 5[ \cap ] 3; 6[$                            | f) $] -3; 3[ \cap ] \frac{1}{2}; 5[ \cap ] -1; 2[$ |
| g) $] -\frac{7}{4}; +\infty[ \cap ] -\infty; 1[$ | h) $] \frac{3}{2}; +\infty[ \cap ] -6; \frac{1}{3}[$ | i) $] 5; 10[ \cup ] 3; 6[$                         |
| j) $] 2; 6[ \cup ] 4; +\infty[$                  | k) $] 5; 14[ \cup ] -7; 9[$                          | l) $] 8; 12[ \cup ] 7; 8[$                         |