

► **Activité n°1**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les vecteurs :

$$\vec{u} \begin{pmatrix} -5 \\ 7 \end{pmatrix} \text{ et } \vec{v} \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

Calculer les coordonnées des vecteurs $\vec{u} + \vec{v}$ et $2\vec{u} - 3\vec{v}$:

$$\vec{u} + \vec{v} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix} \quad 2\vec{u} - 3\vec{v} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$$

► **Activité n°2**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les vecteurs :

$$\vec{u} \begin{pmatrix} -\frac{2}{3} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} \text{ et } \vec{v} \begin{pmatrix} 4 \\ -3 \end{pmatrix}$$

Calculer le déterminant de \vec{u} et \vec{v} et déterminer si ces deux vecteurs sont colinéaires ou non :

$$\det(\vec{u}, \vec{v}) = \begin{vmatrix} \phantom{-\frac{2}{3}} & \phantom{\frac{1}{2}} \\ \phantom{-\frac{2}{3}} & \phantom{\frac{1}{2}} \end{vmatrix} =$$

On en déduit que \vec{u} et \vec{v}

► **Activité n°3**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les points :

$$A \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \end{pmatrix}, B \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ et } C \begin{pmatrix} -3 \\ 7 \end{pmatrix}$$

Calculer les coordonnées des vecteurs \vec{AB} , \vec{CB} et $2\vec{CB}$:

$$\vec{AB} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix} \quad \vec{CB} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix} \quad 2\vec{CB} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$$

► **Activité n°4**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les points :

$$A \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ -2 \end{pmatrix} \text{ et } B \begin{pmatrix} \frac{7}{2} \\ 2 \end{pmatrix}.$$

Calculer les coordonnées du milieu I de $[AB]$ et la distance AB :

$$I \begin{pmatrix} \phantom{\frac{1}{2}} \\ \end{pmatrix} = I \begin{pmatrix} \phantom{\frac{7}{2}} \\ \end{pmatrix}$$

$$AB =$$

► **Activité n°5**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les points : $A \begin{pmatrix} -4 \\ 6 \end{pmatrix}$ et $B \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \end{pmatrix}$.

Calculer les coordonnées du point M tel que $\vec{AM} = 3\vec{AB}$:

$$\vec{AM} \begin{pmatrix} x_M - \\ y_M - \end{pmatrix} = 3\vec{AB} \begin{pmatrix} 3 \times \\ 3 \times \end{pmatrix} \Leftrightarrow \begin{cases} x_M - = \\ y_M - = \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_M = \\ y_M = \end{cases}$$

► **Activité n°6**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les points : $A \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$, $B \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ et

$$C \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Calculer les coordonnées des points D et E tels que $ABCD$ et $ABEC$ soient des parallélogrammes :

$$ABCD \text{ parallélogramme} \Leftrightarrow \vec{AD} \begin{pmatrix} x_D - \\ y_D - \end{pmatrix} = \vec{BC} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_D - = \\ y_D - = \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_D = \\ y_D = \end{cases}$$

$$ABEC \text{ parallélogramme} \Leftrightarrow \vec{CE} \begin{pmatrix} x_E - \\ y_E - \end{pmatrix} = \vec{AB} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_E - = \\ y_E - = \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_E = \\ y_E = \end{cases}$$

► **Activité n°7**

Dans le plan muni d'un repère, on considère les points :

$$A \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}, B \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix} \text{ et } C \begin{pmatrix} 7 \\ 9 \end{pmatrix}.$$

Déterminer les coordonnées de \vec{AB} et de \vec{AC} , puis le déterminant de ces deux vecteurs. En déduire alors si les points A , B et C sont alignés ou non.

$$\vec{AB} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix} \quad \vec{AC} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$$

$$\det(\vec{AB}, \vec{AC}) = \begin{vmatrix} & \\ & \end{vmatrix} =$$

On en déduit que les points A , B et C

© Pascal Brachet - www.xmlmath.net - Licence CC BY NC SA - Utilisation commerciale interdite

► **Activité n°8**

À quelle(s) droite(s) appartient le point $A \begin{pmatrix} 6 \\ -1 \end{pmatrix}$?

La droite d_1 d'équation cartésienne $6x + y = 0$?

La droite d_2 d'équation cartésienne $x - 2y - 8 = 0$?

La droite d_3 d'équation cartésienne $-3x + y + 1 = 0$?

► **Activité n°9**

À quel axe est parallèle la droite d_1 d'équation $x = 2$?

À quel axe est parallèle la droite d_2 d'équation $y + 3 = 0$?

► **Activité n°10**

On considère la droite d d'équation cartésienne $2x + 3y - 12 = 0$. Compléter les affirmations suivantes :

- Si $x = 0$, $2x + 3y - 12 = 0 \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow y = \dots$
 Donc le point d'abscisse 0 et d'ordonnée est sur la droite d .
- Si $y = 0$, $2x + 3y - 12 = 0 \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow x = \dots$
 Donc le point d'abscisse et d'ordonnée 0 est sur la droite d .

► **Activité n°11**

On considère la droite d d'équation cartésienne $-3x + 5y + 30 = 0$. Compléter les affirmations suivantes :

- Si $x = 0$, $-3x + 5y + 30 = 0 \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow y = \dots$
 Donc le point d'abscisse 0 et d'ordonnée est sur la droite d .
- Si $y = 0$, $-3x + 5y + 30 = 0 \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow x = \dots$
 Donc le point d'abscisse et d'ordonnée 0 est sur la droite d .

► **Activité n°12**

On considère les points $A \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \end{pmatrix}$ et $B \begin{pmatrix} 3 \\ 13 \end{pmatrix}$. Compléter les équivalences suivantes :

$M \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \in (AB) \Leftrightarrow \det(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{}) = 0 \Leftrightarrow \begin{vmatrix} \dots & \dots \\ \dots & \dots \end{vmatrix} = 0$
 $\Leftrightarrow \dots = 0 \Leftrightarrow \dots = 0$

► **Activité n°13**

On considère les points $E \begin{pmatrix} -2 \\ -1 \end{pmatrix}$ et $F \begin{pmatrix} 1 \\ -7 \end{pmatrix}$. Compléter les équivalences :

$M \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \in (EF) \Leftrightarrow \det(\overrightarrow{EM}, \overrightarrow{}) = 0 \Leftrightarrow \begin{vmatrix} \dots & \dots \\ \dots & \dots \end{vmatrix} = 0$
 $\Leftrightarrow \dots = 0 \Leftrightarrow \dots = 0$

► **Activité n°14**

Compléter les assertions suivantes :
 Un vecteur directeur de la droite d d'équation cartésienne $-12x + 15y - 6 = 0$ est $\vec{u} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$.

Un vecteur directeur de la droite d' d'équation cartésienne $4x - 5y + 3 = 0$ est $\vec{u}' \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$.

$\det(\vec{u}, \vec{u}') = \begin{vmatrix} & \\ & \end{vmatrix} =$

On peut en conclure que les droites d et d'

► **Activité n°15**

Compléter les assertions suivantes :
 Un vecteur directeur de la droite d d'équation cartésienne $2x - 7y + 1 = 0$ est $\vec{u} \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$.

Dire qu'un point $M \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ appartient à la droite d' parallèle à la droite d et passant par le point $A \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ équivaut à dire que $\det(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{}) = 0$

$\Leftrightarrow \begin{vmatrix} \dots & \dots \\ \dots & \dots \end{vmatrix} = 0 \Leftrightarrow \dots = 0 \Leftrightarrow \dots = 0$.

Une équation cartésienne de d' est donc

► **Activité n°16**

À quelle(s) droite(s) appartient le point $A \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \end{pmatrix}$?

© La droite d_1 d'équation réduite $y = 2x + 1$?

La droite d_2 d'équation réduite $y = -3x$?

La droite d_3 d'équation réduite $y = 2x - 1$?

Pascal Brachet - www.xmath.net - Licence CC BY NC SA - Utilisation commerciale interdite

► **Activité n°17**

On considère les points $A \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$ et $B \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$. On cherche une équation réduite de la droite (AB) sous la forme $y = mx + p$. Compléter les assertions suivantes :

$m = \text{-----} = \text{-----} =$

Dire que les coordonnées de A vérifient l'équation $y = mx + p$ équivaut à dire que

..... \Leftrightarrow $\Leftrightarrow p = \dots\dots$

L'équation réduite de (AB) est donc $y = \dots\dots\dots$

► **Activité n°18**

On considère les points $E \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \end{pmatrix}$ et $F \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix}$. On cherche une équation réduite de la droite (EF) sous la forme $y = mx + p$. Compléter les assertions suivantes :

$m = \text{-----} = \text{-----} =$

Dire que les coordonnées de E vérifient l'équation $y = mx + p$ équivaut à dire que

..... \Leftrightarrow $\Leftrightarrow p = \dots\dots$

L'équation réduite de (EF) est donc $y = \dots\dots\dots$

► **Activité n°19**

Une droite d admet comme équation réduite $y = -7x + 1$ et on considère la droite d' parallèle à la droite d et passant par le point $A \begin{pmatrix} -2 \\ 10 \end{pmatrix}$.

Compléter les assertions suivantes :

L'équation réduite de d' est de la forme $y = \dots\dots + p'$.

Dire que les coordonnées de A vérifient l'équation réduite de d' équivaut à dire que \Leftrightarrow $\Leftrightarrow p' = \dots\dots$

L'équation réduite de d' est donc $y = \dots\dots\dots$