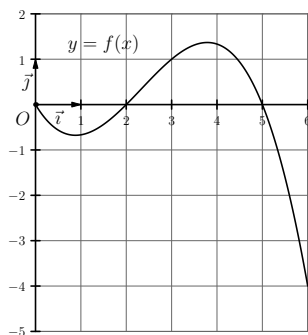


$f(x) = a$	$F(x) = ax$
$f(x) = x$	$F(x) = \frac{x^2}{2}$
$f(x) = x^2$	$F(x) = \frac{x^3}{3}$
$f(x) = x^3$	$F(x) = \frac{x^4}{4}$
$f(x) = \frac{1}{x^2}$	$F(x) = -\frac{1}{x}$
$f(x) = \frac{1}{x^3}$	$F(x) = -\frac{1}{2x^2}$
$f(x) = \frac{1}{x}$	$F(x) = \ln x$
$f(x) = e^x$	$F(x) = e^x$
$f(x) = e^{ax+b}$	$F(x) = \frac{1}{a}e^{ax+b}$
$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$	$F(x) = 2\sqrt{x}$

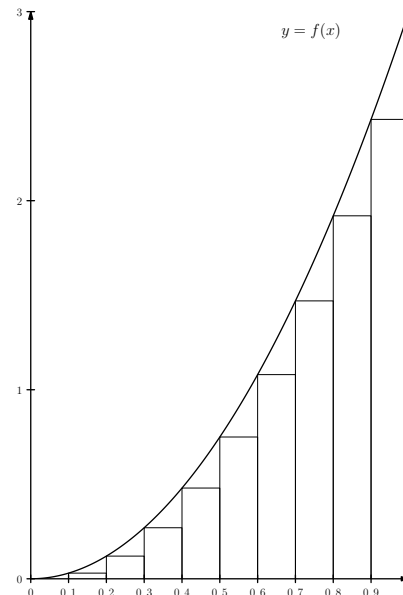
forme de f	une primitive de f	exemples
$U' U$	$\frac{U^2}{2}$	$f(x) = \frac{1}{x} \times \ln x \Rightarrow F(x) = \frac{(\ln x)^2}{2}$
$\frac{U'}{U}$ ($U(x) > 0$)	$\ln U$	$f(x) = \frac{3}{(3x+1)} \Rightarrow F(x) = \ln(3x+1)$
$U' e^U$	e^U	$f(x) = 2x e^{(x^2)} \Rightarrow F(x) = e^{(x^2)}$



Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 3x^2$.

► **Recherche d'une valeur approchée de l'aire sous la courbe sur $[0; 1]$**

1. On découpe l'intervalle $[0; 1]$ en 10 intervalles et on construit des rectangles de la façon suivante :



La somme des aires des rectangles permet de déterminer une valeur approchée de l'aire sous la courbe de f sur $[0; 1]$.

- Quelle est la largeur de chaque rectangle?
- Quelle est la hauteur du premier rectangle?
Quelle est son aire?
- Quelle est la hauteur du deuxième rectangle?
Quelle est son aire?
- On cherche à effectuer la somme des aires des rectangles avec un algorithme en se basant sur le principe suivant : *On utilise une variable aire qui sert à stocker la somme des aires des rectangles au fur et à mesure. On part de $x = 0.1$ et on ajoute à la variable aire l'aire du rectangle commençant à x , puis on continue le processus en augmentant x de 0.1 tant que c'est nécessaire.* Compléter le script python ci-dessous pour qu'il réponde au problème :

```

aire=0
x=0.1
while x<=..... :
    aire=aire+.....
    x=x+0.1
print(aire)

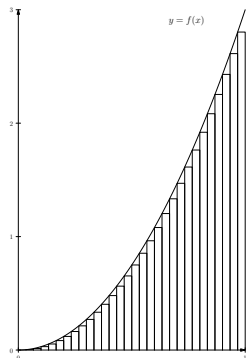
```

e) Le résultat affiché lors de l'exécution de l'algorithme est

2.

Une augmentation du nombre de rectangles doit permettre d'obtenir une meilleure approximation :

On cherche à adapter l'algorithme précédent en se basant cette fois-ci sur un découpage de l'intervalle $[0; 1]$ en 1000 intervalles (de 0 à 0.001, de 0.001 à 0.002, etc.).



a) Compléter le script python ci-dessous pour qu'il réponde au problème :

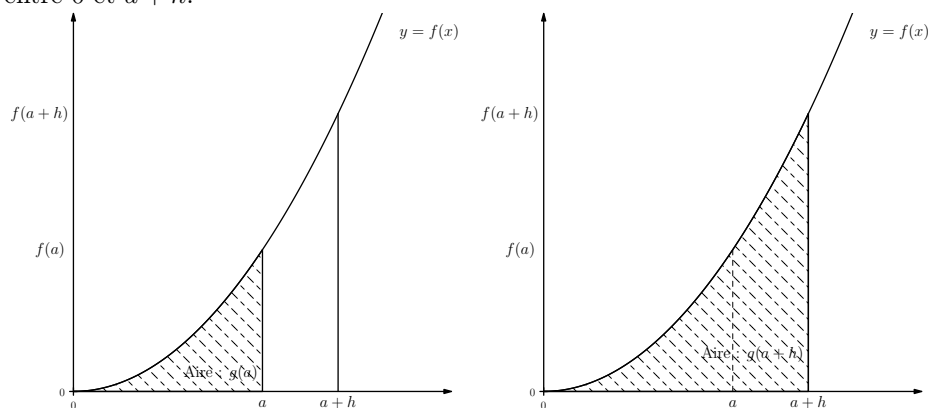
```

aire=0
x=.....
while x<=..... :
    aire=aire+.....
    x=x+.....
print(aire)
    
```

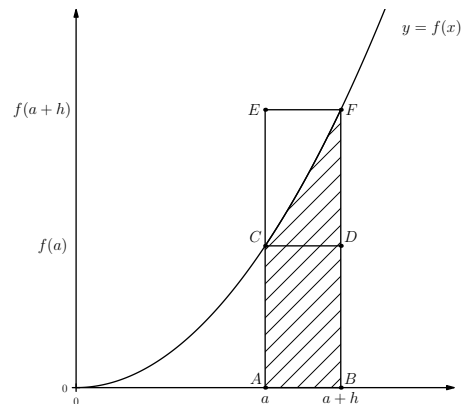
b) Le résultat affiché lors de l'exécution de l'algorithme est

► À la recherche d'une valeur exacte de l'aire sous la courbe sur $[0; a]$

Pour tout réel a compris entre 0 et 1, on note $g(a)$ l'aire sous la courbe entre 0 et a . De la même façon, pour tout $h > 0$, $g(a+h)$ représente l'aire sous la courbe entre 0 et $a+h$.



La différence entre ces deux aires $(g(a+h) - g(a))$ correspond à l'aire de la zone hachurée ci-dessous :



L'aire de cette zone hachurée est comprise entre l'aire du rectangle $ABDC$ et celle du rectangle $ABFE$.

1. Quelle est l'aire du rectangle $ABDC$?
2. Quelle est l'aire du rectangle $ABFE$?
3. On en déduit que $..... \leq g(a+h) - g(a) \leq$

et que : $..... \leq \frac{g(a+h) - g(a)}{h} \leq$

4. On peut donc en conclure que $\lim_{\substack{h \rightarrow 0 \\ h > 0}} \frac{g(a+h) - g(a)}{h} =$ et que $g'(a) =$

5. Conclusion :

